УДК 681.3.06 + 516.6 + 539.2

# Событийное моделирование процесса адсорбции водорода на поверхности углеродных наноструктур

## М. А. Слепичева, Ю. К. Чернышев

#### Национальный аэрокосмический университет им. Н.Е.Жуковского «ХАИ», Украина

Предлагается расчетный метод моделирования совместного поведения большого количества модельных частиц. Особенностями метода являются строгое соблюдение законов сохранения в парных взаимодействиях и высокая производительность. Приведены результаты вычислений с помощью стандартных методов и предложенного в применении к моделированию адсорбции молекул водорода фуллереном C<sub>60</sub>. Установлены особенности модельных потенциалов при наличии перестройки электронной оболочки атомов углерода. Дано краткое описание пакета программ, реализующего моделирование процесса адсорбции.

Ключевые слова: событийное моделирование, прямоугольный потенциал, адсорбция водорода.

Пропонується розрахунковий метод моделювання спільної поведінки великої кількості модельних частинок. Особливостями методу є суворе дотримання законів збереження в парних взаємодіях і висока продуктивність. Наведені результати обчислень за допомогою стандартних методів і запропонованого в застосуванні до моделювання адсорбції молекул водню фулеренів C<sub>60</sub>. Встановлено особливості модельних потенціалів при наявності перебудови електронної оболонки атомів вуглецю.

Ключові слова: подійне моделювання, прямокутний потенціал, адсорбція водню.

Calculation method of modeling the joint behavior of a large number of model particles is proposed. Features of the method are strict adherence to conservation laws in two-body interactions and high performance. The results of calculations using standard methods and proposed in the application to modeling of adsorption of hydrogen molecules fullerene  $C_{60}$  are considered. Specific features of model potentials in the presence of the restructuring of the electron shell of carbon atoms are obtained.

Key words: event-driven simulation, rectangular potential, hydrogen adsorption.

#### 1. Введение

Для реальных экспериментов на наноструктурных объектах требуется сложная, высокоточная и дорогостоящая аппаратура. В этих условиях особую роль приобретает компьютерное моделирование. Актуальной является задача построения эффективных аккумулирующих водород устройств и моделей для численного исследования процессов адсорбции молекул водорода при различных термодинамических условиях. Перспективными объектами для хранения водорода могут быть нанотрубки и фуллерены.

Центральное место среди фуллеренов занимает молекула  $C_{60}$ , которая характеризуется наиболее высокой симметрией и, как следствие, наибольшей стабильностью. Молекула фуллерена  $C_{60}$  имеет структуру правильного усечённого икосаэдра [1]. Атомы углерода располагаются на сферической поверхности в вершинах 20 правильных шестиугольников и 12 правильных пятиугольников, так что каждый атом углерода в молекуле  $C_{60}$  находится в вершинах двух шестиугольников и одного пятиугольника. В структуре  $C_{60}$ 

имеется два типа связей, одна из которых (двойная) является общей стороной двух шестиугольников, а другая (одинарная) является общей стороной пятиугольника и шестиугольника.

#### 2. Проблема аккумуляции водорода

Для рентабельности процесса накопления требуется достижения емкости аккумуляторов по водороду не менее 6 масс.% [2]. При этом важно также обеспечить как термодинамическую устойчивость соединений с высокой концентрацией водорода, так и обратимость процессов сорбции и десорбции водорода. Попытки создания водородных хранилищ на основе углеродных нанотубуленов реализованы во многих экспериментальных работах. Опытные данные о количестве водорода, аккумулируемого углеродными нанотрубками, полученные разными авторами, имеют существенные отличия между собой.

В большинстве работ указывается на невозможность преодоления емкости по водороду углеродными нанотрубками более 6,5 масс.%. Так, например, в работе [3] количество адсорбированного водорода не превысило 0,92 масс.% при температуре 77К и давлении 10 МПа. Согласно [4], водородная емкость углеродными нанотрубками составляет 1,84 масс.% при температуре 298К и нормальном давлении. Под более высоким давлением удается достигнуть 7,7 масс.%, что соответствует присоединению одной молекулы водорода к каждому атому углерода. В работе [5] было показано, что количество адсорбированного водорода, превышающее 7масс.%, реализуется при повышенных температурах и давлении 9ГПа.

Вместе с тем известны работы, в которых утверждается, что преодоление предела водородной емкости УНТ в 10масс.% возможно. По данным [6], плотность адсорбированного водорода составляет от 7 до 13 масс.% при комнатной температуре и давлении в 10 МПа.

#### 3. Математические модели процесса

Ввиду важности и сложности проблемы активно разрабатываются различные методы численного моделирования адсорбции водорода [7, 8]. Наиболее часто применяется метод молекулярной динамики (МД), причем атомы трактуются не квантово, а классически, как подчиняющиеся ньютоновским уравнениям движения. Как правило, рассматриваются непрерывные потенциалы парного взаимодействия, зависящие лишь от расстояний между центрами модельных частиц. Это приводит к необходимости использования приближенных методов интегрирования уравнений движения [9]. К настоящему времени предложено большое количество алгоритмов и пакетов прикладных программ для решения задачи моделирования совместного поведения коллективов модельных частиц. Основными недостатками при этом являются следующие: неприменимость для достаточно большого количества модельных частиц и принципиальная невозможность строго соблюсти законы сохранения ввиду накопления ошибок вычислений. Предлагаемый в данной работе событийный подход позволяет повысить эффективность процесса расчета с соблюдением законов сохранения.

Нулевые колебания атомов, квантование уровней энергии и эффект туннелирования в методах МД не учитываются, поэтому любые МД-расчёты не

могут правильно предсказать качественные (и тем более количественные) результаты для движения частицы при низкой температуре [7]. Однако в работе [10] показано, что квантовые эффекты в рассматриваемой задаче незначительны. Имеются многочисленные экспериментальные подтверждения того, что молекулы водорода без катализаторов адсорбируются на поверхности наноуглеродных структур без образования прочных ковалентных связей, а только благодаря наличию слабого Ван-дер-Ваальсова взаимодействия (см., например, [11]). Квантовыми эффектами в МД-моделировании адсорбции пренебрегают. Значения теплот хемосорбции в условиях рассматриваемой задачи значительно выше (единицы и десятки кДж/моль) по сравнению с теплотами физической сорбции (доли и единицы кДж/моль).

## 4. Основы событийного моделирования

Модельные потенциалы парного взаимодействия из физических соображений обычно выбирают так, чтобы имелась потенциальная яма. В данной работе предлагается простейший кусочно-постоянный потенциал с одной потенциальной ямой. На рис.1 схематически приведены совмещенные графики потенциалов Ленарда-Джонса и кусочно-постоянного.



Рис.1. График зависимости потенциала Ленарда-Джонса (в ангстремах) от расстояния между центрами модельных частиц (сплошная линия) и график потенциальной ямы

Основные положения событийного моделирования приведены в работах [12-15]. Этот метод продемонстрировал свою эффективность при решении задач моделирования течения одноатомного инертного газа в рабочей области ионного двигателя [15], а также при моделировании процессов перекристаллизации [16, 17].

В применении к рассматриваемой задаче он сводится к следующему. Каждая модельная частица представляется в виде двухслойной сферы. Событиями являются столкновения внутренних и внешних частей модельных сфер. При столкновении внутренних частей расстояние между центрами становится равным d<sub>0</sub>, внешних – d<sub>1</sub>. Столкновение внутренних частей аналогично столкновению твердых сфер. Столкновение внешних частей сопровождается либо внутренним отражением без потери энергии, либо переходом извне во

внутреннюю часть с возрастанием кинетической энергии, либо изнутри во внешнюю часть с потерей кинетической энергии.

Между событиями перемещения прямолинейны и равномерны. Это позволяет представить процесс развития картины изменения координат центров модельных частиц как последовательность событий, совершающихся в дискретные моменты времени. Моменты наступления событий располагаются в порядке возрастания. Обработке подвергается событие, совершающееся в ближайший момент времени после текущего. Обработка события заключается в вычислении новых скоростей обеих модельных частиц в соответствии с требованием сохранения импульса, полной энергии и момента импульса в парном столкновении. Для каждой частицы вычисляются моменты времени наступления новых событий, в которых она может участвовать. Наименьший из этих моментов времени вставляется в очередь.

#### 5. Учет порядка соседства

Однако моделирование структур атомов, связанных ковалентно, требует учета перестройки электронной плотности в окрестности взаимодействующих атомов [18, 19]. На рис. 2. схематически приведены особенности сил взаимодействия между атомами углерода в узле графеновой структуры. Атом 1 расположен в узле; атомы 2, 3, 4 являются соседними для атома 1. Между соседними атомами постулируется взаимодействие, обусловленное ковалентной связью ( $\sigma$  - связь, общее электронное облако). В данном случае взаимодействие является притяжением, так как расстояние между центрами этих атомов больше центральной части потенциала, но меньше, чем сумма внешних радиусов модельных сфер. Однако между атомами 2-3, 2-4, 3-4 взаимодействие иное; между «вторичными» соседями взаимодействие имеет дипольный характер. Оно описывается возрастанием радиуса центральной части парного потенциала, что приводит к отталкиванию. По отношению к атому 2 атомы 3, 4 являются соседями второго порядка.



Рис. 2. Соседи первого и второго порядков.

Учет отталкивания между соседями второго порядка позволяет построить устойчивую модель углеродсодержащих нанообъектов типа нанотрубок и фуллеренов [20] при довольно разнообразных потенциалах, содержащих яму той или иной формы (не только прямоугольной).

### 5. Особенности моделирования адсорбции на фуллерене С<sub>60</sub>

Процесс адсорбции водорода на поверхности фуллеренов обладает особенностями, которые необходимо учитывать при моделировании. Одна из них – наличие ячеек как шестиугольной формы, так и пятиугольной. Результаты различных экспериментов [21] показывают, что длина связи С-С на границе гексагона и пентагона –  $1.4 \pm 0.05$  Å (связь одинарная), на границе гексагона и пентагона –  $1.48 \pm 0.02$  Å (связь двойная) (рис. 3).



Рис. 3. Длины связей в молекуле фуллерена С<sub>60</sub>.

В данной работе рассматривалось численное моделирование взаимодействия фуллерена *C*<sub>60</sub> радиуса 3.53 Å с молекулярным водородом при температуре 77 К. Расчётная область выбрана размерами 40Å×40Å×40Å. Параметры для потенциалов, выбранные согласно [22, 23], приведены в таблице 1.

Взаимодействие	$d_0, \overset{\mathrm{o}}{\mathrm{A}}$	$d_1, \overset{\mathrm{o}}{\mathrm{A}}$	U , кДж/моль
$C-H_2$	3,179	3,279	0,154
$H_2 - H_2$	2,928	3,028	0,0657
<i>С</i> – <i>С</i> , тип «6-6»	1, 37	1,39	733,23
C-C, тип «5-6»	1,45	1,48	733,23
C - C, тип «6-6 & 5-6»	2,46	2,48	96,3
<i>С – С</i> , тип «5-6 & 5-6»	2,36	2,38	96,3

Таблица 1. Параметры потенциалов взаимодействия в случае фуллерена  $C_{60}$ 

На рис.4 приведены результаты расчетов зависимости относительного массового содержания водорода от давления при температуре T=77K и различных давлениях (кривая 1). На том же графике кривая 2 соответствует результатам расчетов относительного массового содержания водорода молекулой фуллерена  $C_{60}$  при помощи пакета программ HyperChem в тех же условиях [24].



Рис 4. Адсорбционные изотермы при температуре T = 77 K: 1 – событийное моделирование, 2 – расчёты, проведенные в пакете HyperChem [24].

На рис. 5 представлено распределение молекул водорода в расчетной области после выхода системы в состояние равновесия.

Физическое время расчётов составило 1000пс, что соответствует 20 минутам машинного времени для компьютера с тактовой частотой 2 ГГц, если количество молекул водорода в расчетной области равно 120. В среде пакета НурегСhem аналогичные расчеты длятся примерно в 30 раз дольше.



Рис. 5. Фуллерен и молекулы водорода: 1 – свободная молекула водорода, 2 – адсорбированная молекула водорода, 3 – линия связи между водородом и углеродом

Описанные расчеты оформлены в виде пакета программ с рабочим названием Event\_Chem\_0. В него включены следующие блоки: создание твердотельных моделей УНТ и фуллеренов; задание параметров потенциалов; графическое 3D отображение коллектива модельных частиц; визуализация процесса расчета, в частности, гистограмм пространственной плотности водорода, а также развитый интерфейс для регулирования вспомогательных параметров.

## 8. Заключение

Таким образом, событийное моделирование является перспективным средством для изучения процесса адсорбции водорода углеродсодержащими структурами. Основным достоинством этого метода является высокая скорость расчетов при сохранении качества. Это означает, что с его помощью можно решать задачи моделирования адсорбции на пучках нанотрубок и вводить изначально дефекты в модельную структуру нанообъектов для рассмотрения возможности повышения емкости за счет воздействия на них облучением той или иной природы.

## ЛИТЕРАТУРА

- 1. Елецкий А.В., Смирнов Б.М. Фуллерены и структуры углерода // Успехи физических наук. - 1995. - т.165, № 9. - С.977-1009.
- Тарасов Б.П., Лотоцкий М.В., Яртысь В.А. Проблема хранения водорода и перспективы использования гидридов для аккумулирования водорода // Российский химический журнал. - 2006. - т.12, № 6. - С.34-48.
- Churilov G.N., Fedorov A.S., Sorokin P.B., Novikov P.V., Bulina N.V., Marchenko S.A., Martinez Yu.S., Gedanken A. // Proc. IX Int. Conf. "Hydrogen Material Science and Chemistry of Carbon Nanomaterials". - 2005. - P.127.
- Dai G.P., Liu C., Liu M., Wang M.Z., Cheng H.M. Electrochemical hydrogen storage behavior of ropes aligned single-walled carbon nanotubes // Nano Lett. -2002. - № 2. - P. 503-506.
- Bashkin I.O., Antonov V.E., Bazhenov A.V., Bdikin I.K., Borisenko D.N., Krinichnaya E.P., Moravsky A.P., Ossipyan Yu.A., Ponyatovsky E.G., Fursova T.N., Harkunov A.I., Shulga Yu.M. Carbon materials hydrogenated under high pressure // Proc. VIII Int. Conf. "Hydrogen Material Science and Chemistry of Carbon Nanomaterials". - 2003. - P. 796-797.
- Chen Y., David T. Shaw, Bai X.D., Wang E.G., C. Lund, Lu W.M., D. D. L. Chung Hydrogen storage in aligned carbon nanotube // Appl. Phys. Lett. - 2001. -№ 78. - P. 2128.
- Фёдоров А.С., Сорокин П.Б. Плотность и термодинамика водорода, адсорбированного на поверхности однослойных углеродных нанотрубок // ФТТ. - 2006. - т. 48, № 2. - С. 377-382.
- Кузубов А.А., Попов М.Н., Втюрин М.А. Квантохимическое изучение процесса сорбции-десорбции водорода на углеродных нанотрубах // Вестн. КрасГУ. – 2006. – № 2. – С. 90–94.
- Хокни Р., Иствуд Дж. Численное моделирование методом частиц. М.: Мир, 1987.– 640 с.
- Wang Q., Johnson J.K. Molecular Simulation of Hydrogen Adsorption in Single-Walled Carbon Nanotubes and Idealized Carbon Carbon Slit Pores // J. Chem. Phys. -1999. - Vol. 110-1. -P. 577-586.

- 11. Tada K., Furuya S., Watanabe K. Ab initio study of hydrogen adsorption to nanotubes // Phys. Rev. B, Condens. Matter. 2001. -Vol. 63. P. 155-405.
- 12. Чернышев Ю.К. Применение теории систем для алгоритмизации прямого математического моделирования течения газа // Двигатели внутреннего сгорания. 2004. № 2. С. 44–47.
- 13. Чернышев Ю.К. Решение задач имитационного моделирования поведения большого количества модельных частиц Х.: ХАИ, 2006. 58 с.
- 14. Чернышев Ю.К. Событийное программирование. Применение к решению некоторых задач физики Х.: ХАИ, 2008. 68 с.
- 15. Левин С.С., Чернышёв Ю.К. Алгоритмизация событийного перемещения частицы в триангулярной сетке при имитационном моделировании течения газа // Открытые информационные и компьютерные интегрированные технологии. Х.:НАКУ «ХАИ». –2004. Вып. 23. С. 122 127.
- 16. Чернышев Ю.К. Имитационное моделирование фазовых переходов в плоских кристаллах простого вещества // Радиоэлектронные и компьютерные системы . – Х.: НАКУ «ХАИ». – 2007. – Вып. 2. – С. 95-100.
- 17.Слепичева М.А. Использование прямоугольного потенциала при имитационном моделировании фазовых переходов в простых кристаллах // Открытые информационные и компьютерные интегрированные технологии. – Харків, ХАІ. – 2008. – Вып. 38. – С. 211 – 216.
- 18. Соловьев М.Е., Соловьев М.М. Компьютерная химия. М.: Солон-Пресс, 2005. 536 с.
- 19.Кларк Т. Компьютерная химия: Пер. с англ. М.: Мир, 1990. 383 с.
- 20. Слепичева М.А., Чернышев Ю.К. Построение углеродсодержащих структур с помощью средств событийного моделирования // Материалы НТК ИКТМ, Харьков: ХАИ. 2009. С. 122.
- 21. Томилин Ф.Н., Аврамов П.В., Варганов С.А., Кузубов А.А., Овчинников С.Г. Возможная схема синтеза-сборки фуллеренов // Физика твёрдого тела. – 2001. – Т. 43. – № 5. – С. 936 – 943.
- 22. Wendy D. Cornell, et al. A Second Generation Force Field for the Simulation of Proteins, Nucleic Acids, and Organic Molecules // J. Am. Chem. Soc. – 1995. – Vol. 117. – P. 5179 – 5197.
- 23. Глухова О.Е., Салий И.Н. Фуллереновый нанотермодатчик // Нано- и микросистемная техника. 2008. № 5. С. 64 68.
- 24.Вахрушев А.В., Липанов А.М., Суетин М. В. Моделирование процессов адсорбирования водорода наноструктурами // Альтернативная энергетика и экология. 2007. № 1. С. 13 20.

Надійшла 18.02.2010.

© М. А. Слепичева, Ю. К. Чернышев, 2010