

Моделирование нестационарных турбулентных течений при обтекании подвижных тел сложной геометрии на основе уравнений Навье-Стокса

В. А. Дзензерский, А. А. Приходько, Д. А. Редчиц, Н. М. Хачапуридзе
Институт транспортных систем и технологий НАН Украины, Украина

The Reynolds averaged Navier-Stokes equation were applied to a numerical simulation of unsteady turbulent separated incompressible flows. The one-equation turbulence models were used. Comparison of results of calculations flow near fixed and oscillating airfoil was carried out. The results of calculation of Darrieus and Savonius rotors with different quantity and geometrical performances of blades are submitted. The analysis of flow field near rotors was carried out. The main stages of development of vortex were allocated. The influence of Reynolds numbers, tip-speed-ratios and solidity on power characteristics of Darrieus and Savonius rotors was found.

1. Введение

Исследование нестационарных турбулентных течений при обтекании кораблей, наземного транспорта, летательных аппаратов, ветроагрегатов представляет большой практический и теоретический интерес. Существует два основных подхода к решению задач гидродинамики: экспериментальный и теоретический. Наилучшие результаты в теоретическом подходе получаются, если применять модель реальной жидкости – уравнения Навье-Стокса. Развитие численных методов решения уравнений Навье-Стокса, повышение быстродействия и объема памяти компьютеров позволило активизировать работы по созданию универсальных решателей задач аэrodинамики и их применению к исследованию сложных течений с развитыми отрывными зонами при обтекании тел сложной формы.

Основная проблема получения нестационарных решений уравнений Навье-Стокса несжимаемой жидкости заключается в трудностях одновременного решения уравнений количества движения и уравнения неразрывности. На первом этапе развития численных алгоритмов решения уравнений Навье-Стокса для несжимаемых течений чаще использовались переменные завихренность-функция тока [20, 9, 25]. На основе данного подхода было решено большое количество прикладных задач, но расчеты пространственных задач с использованием функций тока весьма затруднительны.

Применение физических переменных позволяет решать двумерные и трехмерные задачи по единому алгоритму. Основные математические проблемы при решении уравнения Навье-Стокса связаны с различным типом дифференциальных уравнений для законов сохранения массы и количества движения. Различные способы преодоления указанных трудностей связаны с использованием для определения давления специального уравнения Пуассона [1, 35], уравнений для поправок [1, 13], различных штрафных функций [22], дополнением уравнения неразрывности нестационарным

членом [35], регуляризацией матрицы коэффициентов при производных по времени [4, 8, 12, 21, 27, 28].

При решении уравнений несжимаемой жидкости в физических переменных применялся метод маркеров и ячеек (MAC) [10, 32, 33, 35], алгоритм SIMPLE [13, 31, 40], метод искусственной сжимаемости [35], в последнее время значительный прогресс в повышении эффективности численных алгоритмов достигнут при использовании локального предобуславливания [45].

В последние годы для моделирования течения несжимаемой жидкости все чаще применяются подходы, использующие эффекты сжимаемости [34, 46]. Практика применения уравнений сжимаемого газа показывает низкую работоспособность данной модели при малых числах Маха. Это связано с жесткостью исходных уравнений для низкоскоростных течений вследствие значительных различий в характерных временах конвективного переноса и распространения акустических возмущений. Данное препятствие может быть преодолено применением предобуславливания [34, 46].

Метод искусственной сжимаемости представляет собой разумный компромисс между указанными выше подходами. С одной стороны, за счет добавления к уравнению неразрывности производной давления по времени исходная система уравнений приводится к единому типу. Это позволяет напрямую согласовать поля давления и скорости на одном временном слое.

Выбор модели турбулентности для расчета отрывных течений составляет отдельную проблему. Несмотря на существенный прогресс в моделировании турбулентности крупными (LES) и отсоединенными (DES) вихрями, прямым численным моделированием (DNS), при решении практических задач широко используются только модели на основе осредненных по Рейнольдсу уравнений Навье-Стокса (RANS). При замыкании RANS используются алгебраические, одно- и двухпараметрические модели турбулентной вязкости. Большую популярность получила однопараметрическая модель Спаларта-Аллмараса, демонстрирующая разумный компромисс между вычислительными затратами и точностью получаемых результатов.

В данной работе для исследования нестационарных турбулентных отрывных течений применяются осредненные по Рейнольдсу уравнения Навье-Стокса.

2. Постановка задачи

Исходные уравнения. Для описания нестационарных турбулентных отрывных несжимаемых течений воспользуемся осредненными по Рейнольдсу уравнениями Навье-Стокса несжимаемой жидкости

$$\frac{\partial u_j}{\partial x_j} = 0, \quad (1)$$

$$\frac{\partial u_i}{\partial t} + \frac{\partial(u_j u_i)}{\partial x_j} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x_i} + \frac{\partial}{\partial x_j} \left[(\nu + \nu_t) \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) \right], \quad (2)$$

где $x_i, i = 1, 2$ – декартовые координаты; t – время; u_i – декартовы составляющие вектора средней скорости; p – давление; ν и ν_t – молекулярный и турбулентный коэффициенты кинематической вязкости.

Моделирование турбулентности. Для замыкания осредненных по Рейнольдсу уравнений Навье-Стокса используются дифференциальные однопараметрические модели Spalart-Allmaras [49], SARC [48, 50] и SALSA [44], которые разработаны для задач внешней дозвуковой аэродинамики.

Начальные и граничные условия. В качестве начальных условий задавались параметры невозмущенного потока во всей расчетной области. На внешней границе применялись неотражающие граничные условия. На поверхности твердого тела ставилось условие прилипания.

3. Численный алгоритм

Система исходных уравнений (1)-(2), замкнутая дифференциальной моделью турбулентности, записывалась относительно произвольной криволинейной системы координат. Согласование полей давления и скорости осуществлялось с помощью метода искусственной сжимаемости, модифицированного для расчета нестационарных задач [41, 42]. Для создания дискретного аналога исходных уравнений вокруг тел сложной геометрии в качестве базовых использовались регулярные сетки. В неодносвязных областях применялись многоблочные вычислительные технологии, в которых размерность отдельных пересекающихся сеток (блоков) не связана между собой. Такой подход позволил выработать единую методологию расчета течений вязкой жидкости вокруг тел сложной геометрической формы.

Система исходных уравнений интегрировалась численно с использованием метода контрольного объема. Для конвективных потоков использовалась противопоточная аппроксимация, основанная на схеме Р. Roe [41] третьего порядка точности. В моделях турбулентности для аппроксимации конвективных слагаемых применялась схема TVD с ограничителем потоков ISNAS третьего порядка [41]. Производные в вязких членах аппроксимировались центрально-разностной схемой второго порядка.

Алгоритм решения уравнений базируется на трехслойной неявной схеме с подытериациями по псевдовремени второго порядка точности по физическому времени.

4. Верификация и тестирование программно-методического обеспечения

Современные требования к достоверности получаемых численных результатов и надежности программно-методического обеспечения требуют тщательного тестирования и верификации разработанного комплекса программ. Тестирование разработанной методики, алгоритмов и комплекса программ выполнено на задачах о развитии течения в квадратной каверне и обтекании неподвижного цилиндра несжимаемой жидкостью [14].

Получены структура стационарного и нестационарного ламинарного течения в следе за цилиндром, коэффициенты лобового сопротивления, подъемной силы и числа Струхала. Показано, что при числах Рейнольдса $Re \leq 5$ обтекание цилиндра происходит без отрыва потока. Увеличение числа Рейнольдса приводит к возникновению и развитию отрыва потока от поверхности цилиндра.

При числах Рейнольдса $Re < 45$ реализуется стационарный режим обтекания, который характеризуется наличием в ближнем следе двух симметричных

вихрей. Обтекание цилиндра при $Re > 45$ сопровождается образованием вихревой дорожки Кармана с числом Струхала, зависящим от числа Рейнольдса (рис. 1). Результаты исследований хорошо согласуются с известными расчетными и экспериментальными данными.

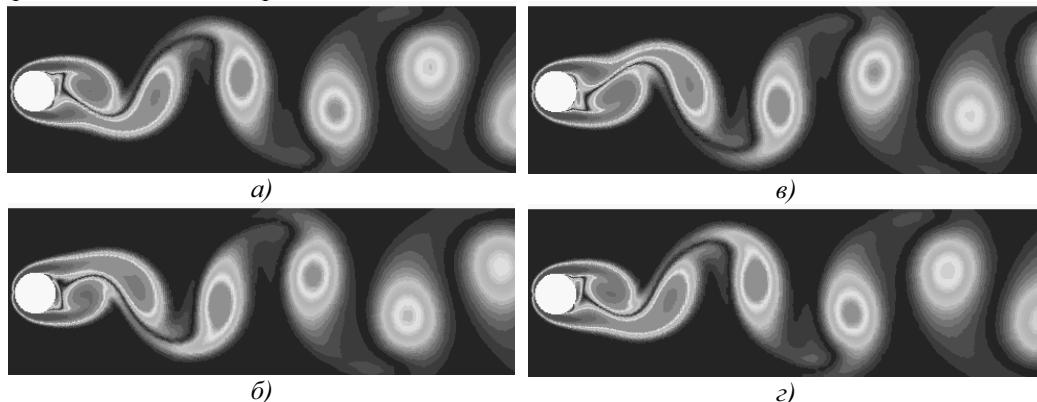


Рис. 1. Контуры завихренности при обтекании цилиндра ($Re = 200$) для моментов времени: а) $t = 0$; б) $t = 2$; в) $t = 4$; г) $t = 6$

5. Обсуждение результатов расчетов

На базе разработанного программно-методического обеспечения выполнено численное моделирование нестационарных турбулентных отрывных течений при обтекании вращающегося цилиндра [16], докритическом и закритическом обтекании неподвижного и колеблющегося профилей [17], роторов вертикально-осевых ветроагрегатов Дарье и Савониуса [18, 19].

5.1. Ламинарное обтекание вращающегося цилиндра (эффект Магнуса)

Параметры задачи выбраны такими, при которых течение было ламинарным. Результаты расчетов показали, что вращение приводит к ускорению течения на одной стороне цилиндра и замедлению на другой в зависимости от величины α (отношение линейной скорости вращения поверхности цилиндра к скорости невозмущенного потока). Профили скорости показаны на рис. 3. Цилиндр вращается против хода часовой стрелки.

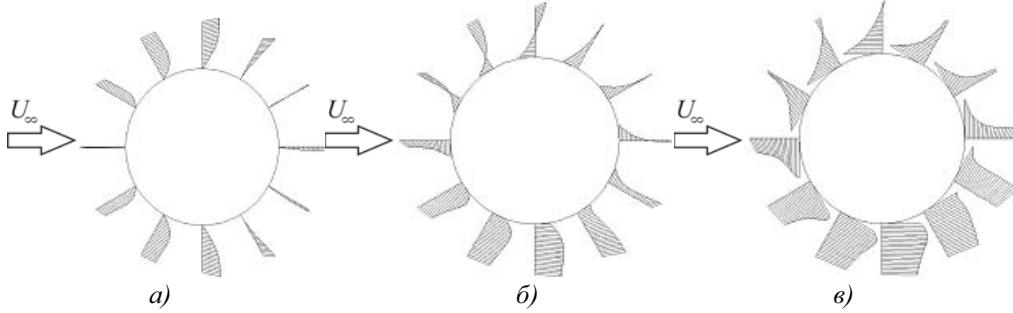


Рис. 2. Профили скорости при обтекании кругового цилиндра ($Re = 100$) в зависимости от линейной скорости поверхности: а) $\alpha = 0$; б) $\alpha = 1.0$; в) $\alpha = 2.0$

Контуры завихренности для различных значений α в момент времени, соответствующий минимуму подъемной силы при $Re = 100$, показаны на рис. 3.

С ростом скорости вращения вихри в следе, сошедшие с верхней стороны цилиндра, становятся более крупными, чем вихри, которые сходят с противоположной стороны (рис. 3 б). При $\alpha \geq 2.0$ наблюдается наличие двух стационарных вихрей, присоединенных к цилиндру (рис. 3 в). Вращение цилиндра приводит к возникновению поперечной силы, величина и знак которой зависит от значений α .

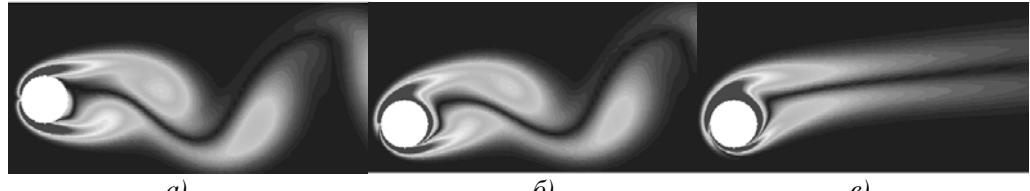


Рис. 3. Контуры завихренности при обтекании кругового цилиндра ($Re = 100$) в зависимости от линейной скорости поверхности: а) $\alpha = 0$; б) $\alpha = 1.0$; в) $\alpha = 2.0$

5.2. Докритическое и закритическое обтекание профиля NACA 4412 турбулентным потоком.

Было выполнено сравнение результатов расчетов обтекания профиля NACA 4412 при числе $Re = 1.64 \times 10^6$ с использованием моделей турбулентности SA, SARC и SALSA.

Установлено, что для докритического режима обтекания профиля (слабый отрыв – 12°) выбор модели турбулентности не оказывает существенного влияния на результаты расчетов.

На закритическом режиме обтекания профиля (массивный отрыв – 18°) наибольшие размеры отрывной зоны наблюдаются при использовании модели турбулентности SALSA (рис. 4). Модель турбулентности SA генерирует более наполненный профиль турбулентной вязкости в пограничном слое по сравнению с моделями SARC и SALSA (рис. 5). Использование модели SARC приводит к незначительному улучшению получаемых результатов по сравнению с SA. Модель турбулентности SALSA лучше, чем SA и SARC передает нестационарную двумерную структуру течения с развитым отрывом потока.

Распределение коэффициента давления по поверхности профиля для углов атаки 12° и 18° приведены на рис. 6. До угла атаки 12° наблюдается хорошее совпадение результатов по всем исследуемым моделям турбулентности с экспериментальными данными. При углах атаки, больших 12° , применение модели SALSA приводит к заметному улучшению получаемых результатов.

До угла атаки 12° результаты, полученные с использованием моделей турбулентности SA, SARC и SALSA, для коэффициентов подъемной силы и лобового сопротивления близки между собой и хорошо совпадают с экспериментальными данными (рис. 7). Использование модели турбулентности SALSA приводит к существенному улучшению получаемых результатов в сравнении с моделями SA и SARC при закритическом режиме обтекания.

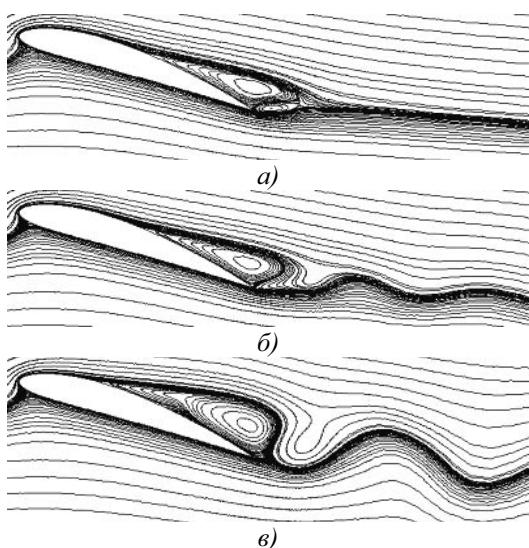
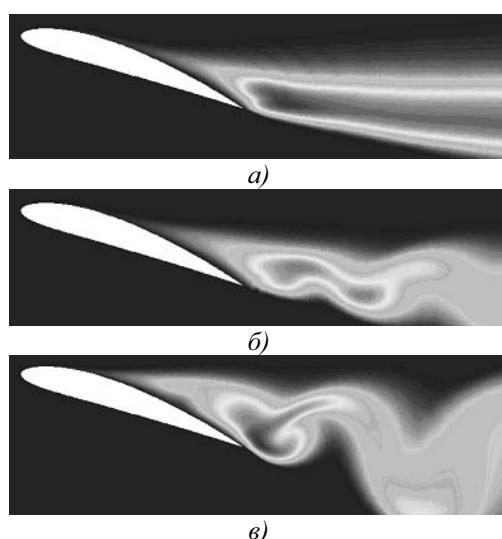


Рис. 4. Линии тока, построенные по мгновенному полю скоростей при угле атаки 18° : а) SA; б) SARC; в) SALSA



*Рис. 5. Изополосы турбулентной вязкости
при угле атаки 18°:
а) SA; б) SARC; в) SALSA*

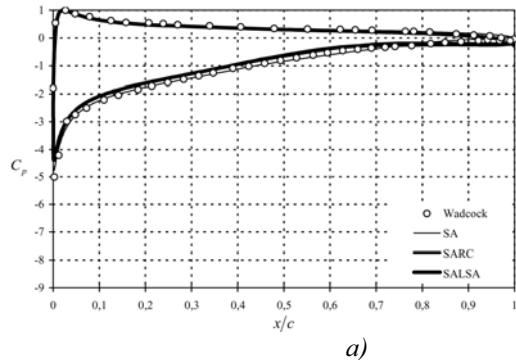


Рис. 6. Распределение коэффициента давления по поверхности профиля NACA 4412 для различных углов атаки: а) 12° ; б) 18°

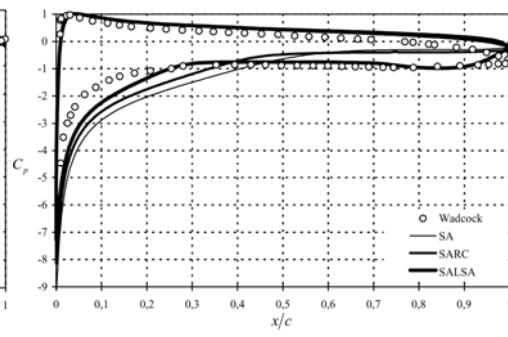


Рис. 7. Зависимость коэффициентов подъемной силы (а) и лобового сопротивления (б) от угла атаки для профиля NACA 4412

5.3. Обтекание осциллирующего профиля NACA 0015.

Расчеты обтекания осциллирующего профиля NACA 0015 проведены при числе Рейнольдса $Re = 1.95 \times 10^6$ для трех режимов обтекания: а) слабый отрыв

потока, соответствующий среднему углу атаки $\alpha_0 = 4^\circ$; б) докритическое обтекание профиля (развитый отрыв), соответствующее $\alpha_0 = 11^\circ$; в) закритическое обтекание профиля (массивный отрыв), соответствующее $\alpha_0 = 15^\circ$. Мгновенный угол атаки крыла определялся по закону $\alpha(t) = \alpha_0 + \alpha_1 \sin(\omega t)$. Амплитуда колебаний составляла $\alpha_1 = 4.2^\circ$, а безразмерная частота $k = \omega c / 2V_\infty = 0.1$. Основное течение в случае докритического обтекания профиля крыла при наличии развитого отрыва потока ($\alpha_0 = 11^\circ$) стационарное, отрывная зона не превышает половины длины профиля, наблюдаются отдельные колебания в следе и в части отрывной зоны. Зависимости коэффициентов подъемной силы и лобового сопротивления профиля от угла атаки при гармонических колебаниях представлены на рис. 8. Движение по кривым направлено по часовой стрелке (рис. 8). Результаты, полученные с использованием модели турбулентности SALSA, удовлетворительно совпадают с экспериментальными данными.

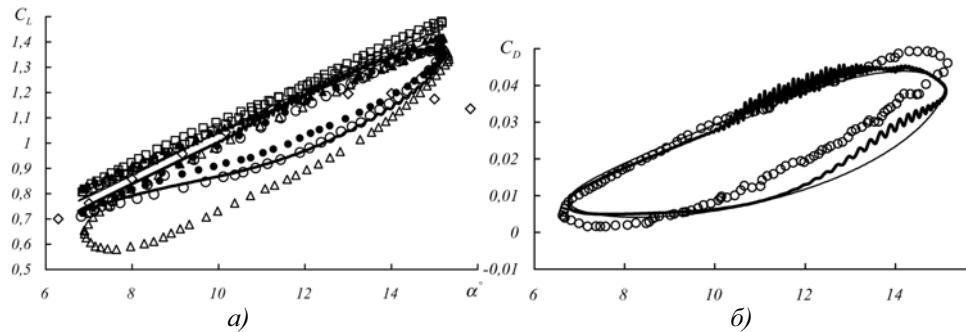
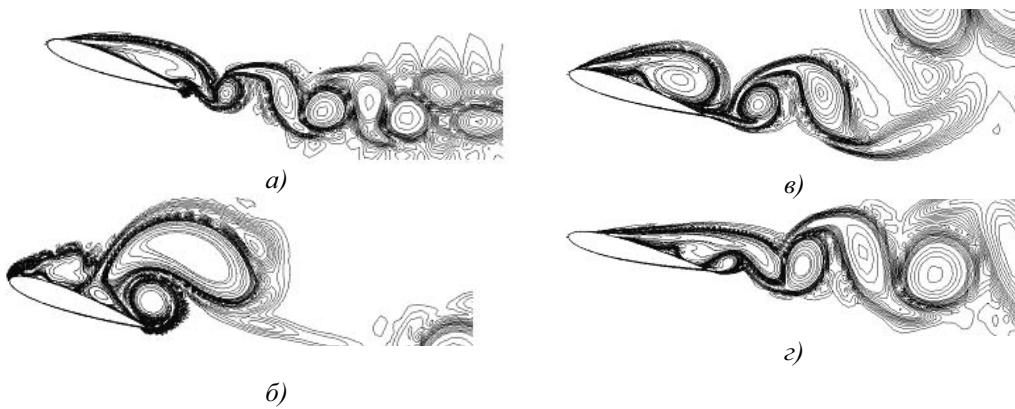


Рис. 8. Зависимости коэффициентов подъемной силы (а) и лобового сопротивления (б) от углового положения профиля крыла ($\alpha_0 = 11^\circ$)

— - модель SA (настоящая работа); — - модель SALSA (настоящая работа);
 ⬤ - эксперимент (статический профиль) [47]; ○ - эксперимент (колеблющийся профиль) [38]; △ - модель Baldwin-Barth (расчет [30]); ▲ - модель Wilcox $k-\omega$ (расчет [30]); □ - модель SA (расчет [30]); • - модель SALSA (расчет [30])

Структура течения при закритическом обтекании профиля и наличии массивного отрыва потока ($\alpha_0 = 15^\circ$) характеризуется ярко выраженными нестационарными явлениями (рис. 9). Отрыв потока зарождается на подветренной стороне вблизи носика профиля, распадаясь затем на систему вихрей с различными скоростями движения.

Разработанная методика воспроизводит структуру нестационарного отрывного обтекания осциллирующего профиля NACA 0015. Показано преимущество модели турбулентности SALSA по сравнению с моделями SA, SARC при расчете течений с развитым двумерным нестационарным отрывом потока.



*Рис. 9. Контуры завихренности, полученные по модели турбулентности SALSA:
а) $19^\circ \uparrow$; б) $19^\circ \downarrow$; в) $17^\circ \downarrow$; г) $14^\circ \downarrow$ (\uparrow - профиль движется вверх, \downarrow - профиль движется вниз)*

5.4. Роторы вертикально-осевых ветроустановок

Разработка и усовершенствование альтернативных источников энергии является актуальной проблемой для энергетики Украины. К одному из перспективных направлений решения данной проблемы относится ветроэнергетика. Большое распространение в мире получили двух- и трехлопастные горизонтально-осевые (ГО) ветроэнергетические установки (ВЭУ) пропеллерного типа. Это связано с высоким коэффициентом использования энергии ветра. Близкими значениями коэффициента мощности из вертикально-осевых (ВО) ВЭУ обладают только роторы Дарье.

Повышение мощности ВЭУ и увеличение коэффициента использования энергии ветра делает задачу выбора рациональной аэродинамической формы ротора весьма актуальной. Ведущую роль в работе ВЭУ играют нестационарные аэродинамические процессы, поэтому основным направлением исследований должна быть разработка новых универсальных методов расчета нестационарных процессов при обтекании потоком роторов ветроагрегатов.

Известные методики определения аэродинамических и энергетических характеристик роторов ВЭУ основаны на экспериментальных данных, импульсной и вихревой теориях, численном решении уравнения потенциала [5, 11, 39]. Они используют определенные допущения при постановке задачи (квазистационарность потока, отсутствие учета вязко-невязкого взаимодействия и т.д.). Главными трудностями в расчете нестационарных процессов при обтекании роторов ВО ВЭУ являются эффекты динамического срыва потока. До настоящего времени ни одна из известных упрощенных моделей не давала возможности адекватно рассчитать аэродинамические характеристики роторов в случае динамического срыва потока.

Уравнения Навье-Стокса являются одной из наиболее полных математических моделей механики жидкости и газа. Применение их совместно с дифференциальной моделью турбулентности, уравнением динамики ротора позволяет исследовать особенности нестационарного обтекания, структуру поля скоростей, динамический срыв потока, процессы формирования и распада

вихрей вокруг самого ротора, а также в следе за ветроагрегатом. Одним из наиболее перспективных направлений расчета аэродинамических и энергетических характеристик ротора ВЭУ является совместное численное решение уравнений динамики вязкой несжимаемой жидкости и твердого тела.

Рассмотрим ортогональные роторы Дарье и Савониуса, лопасти которых имеют длину, многократно превышающую хорду (рис. 10). В таком случае можно пренебречь концевыми эффектами на лопастях и воспользоваться гипотезой о плоскопараллельной структуре течений. Таким образом, задача обтекания ВО ВЭУ допускает двумерную постановку в плоскости, перпендикулярной оси вращения ротора. Роторы Дарье и Савониуса полагаем абсолютно твердыми. Поскольку для максимальных скоростей ветра и значений коэффициента быстроходности локальные числа Maxa низкие ($M < 0.3$), поле течения принято несжимаемым.

Уравнение вращения ротора вертикально-осевой установки относительно неподвижной оси имеет следующий вид

$$I_z \frac{d\omega}{dt} = Q - Q_{ld} - Q_{fr},$$

где I_z – момент инерции ротора; ω – угловая скорость вращения; Q – крутящий момент, обусловленный действием потока на лопасти ВЭУ; Q_{ld} – момент полезной нагрузки, приложенный к валу электрогенератора; Q_{fr} – результирующий момент трения в электромеханической системе ветроагрегата.

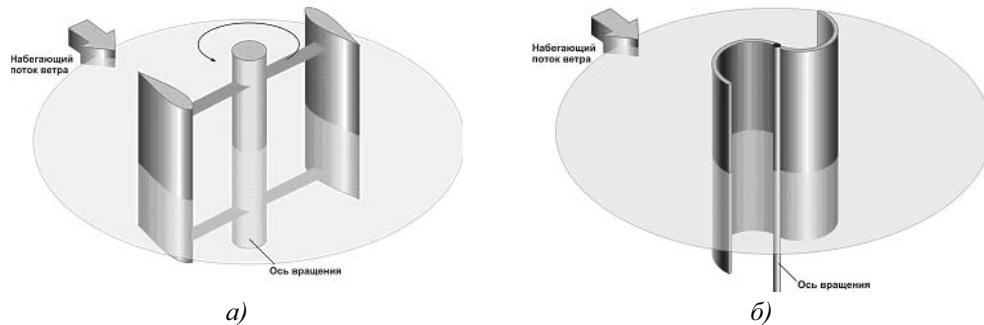


Рис. 10. Расчетные схемы для роторов Дарье (а) и Савониуса (б)

Ротор Дарье. Ниже представлены результаты численного моделирования обтекания вращающейся одиночной лопасти, а также ротора Дарье с двумя и тремя лопастями.

Численное моделирование обтекания вращающейся лопасти проведено при различных коэффициентах быстроходности λ . По коэффициенту тангенциальной силы при $\lambda_1 = 2.5$ наблюдается широкий разброс экспериментальных и расчетных данных (рис. 11). Результаты настоящей работы лучше согласуются с известными экспериментальными данными, чем расчеты других авторов, особенно в наветренной части траектории лопасти.

Основной крутящий момент создается на наветренном участке траектории лопасти (рис. 12). Анализ результатов расчетов показал, что поток, проходя через наветренный участок траектории лопасти, теряет часть своей

кинетической энергии. Именно поэтому коэффициент крутящего момента лопасти больше на этом участке, чем на подветренном. На подветренном участке траектории он минимальный ($\lambda_1 = 2.5$, $\lambda_2 = 5.0$), или вообще отрицательный ($\lambda_3 = 7.5$).

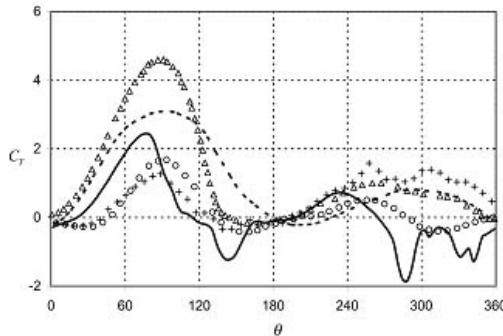


Рис. 11. Изменение коэффициента тангенциальной силы лопасти C_T от углового положения ротора θ
--- - расчет [37]; ○, + - эксперимент [37];
Δ - расчет [39]; — - настоящая работа

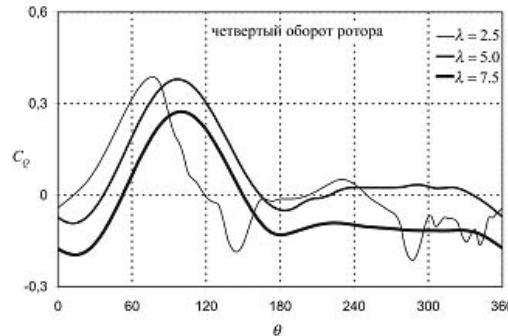
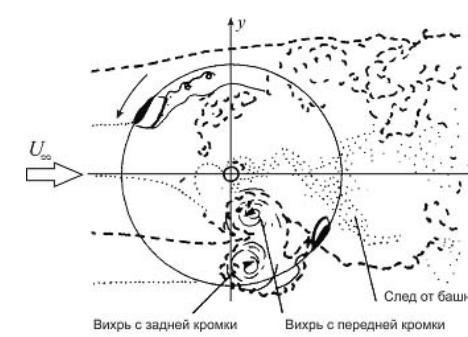


Рис. 12. Изменение неосредненных коэффициентов крутящего момента C_Q от углового положения ротора θ
для различных коэффициентов
быстроходности λ

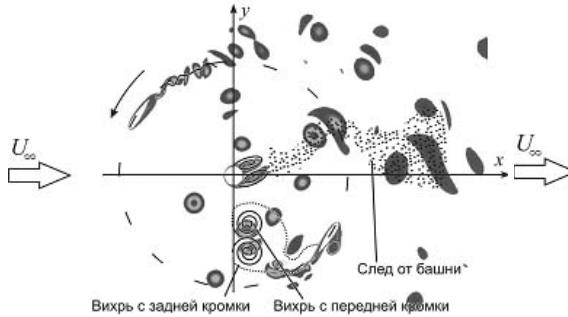
Для иллюстрации особенностей обтекания ротора Дарье были выбраны геометрические параметры и коэффициент быстроходности, соответствующие экспериментальной работе G. Brochier [29] (рис. 13). На рис. 13 б кроме стандартной визуализации вихрей добавлены сплошные и прерывистые линии, а также отдельные точки для того, чтобы стиль интерпретации расчетных данных соответствовал стилю визуализации экспериментальных данных работы G. Brochier [29]. Приведена реконструкция структуры течения при работе двух- и трехлопастного роторов Дарье для коэффициента быстроходности $\lambda = 2.14$ на основе натурного (a) и вычислительного (б) экспериментов (рис. 14). Для наглядности оставлены вихри максимальной интенсивности. Выделены стадии зарождения, развития и срыва вихрей при различных положениях лопасти на траектории.

В целом картина течения вблизи ротора Дарье характеризуется существенными нестационарными явлениями. К ним относятся: динамический срыв потока, образование сложной системы вихрей, повышение уровня турбулентности в затененной области, взаимодействие вихрей различных размеров, скоростей движения и интенсивности с подвижными поверхностями роторов. Полученная картина течения хорошо согласуется с имеющимися экспериментальными данными [29].

Установлено влияние чисел Рейнольдса, коэффициентов быстроходности и заполнения на энергетические характеристики ротора Дарье (рис. 15, 16). Показано, что рост числа Рейнольдса приводит к увеличению значений коэффициента мощности (рис. 15, 16). При уменьшении коэффициента заполнения ротора Дарье коэффициент мощности становится менее чувствительным к изменению коэффициента быстроходности.

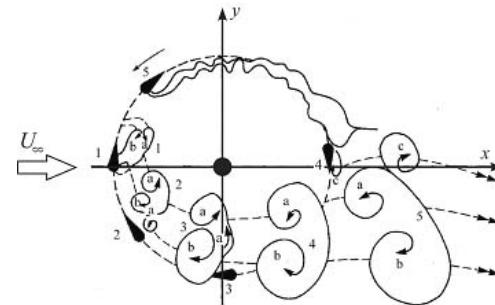


а)

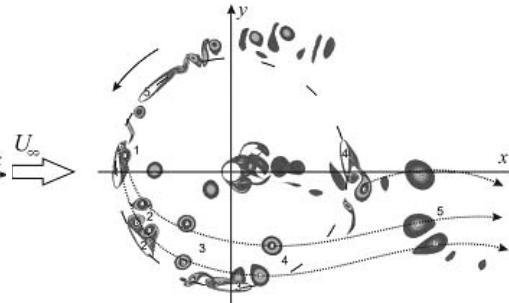


б)

Рис. 13. Визуализация течения при работе двухлопастного ротора Дарье для коэффициента быстроходности $\lambda = 2.14$ на основе натурного (а) и вычислительного (б) экспериментов



а)



б)

Рис. 14. Реконструкция структуры течения при работе двухлопастного ротора Дарье для коэффициента быстроходности $\lambda = 2.14$ на основе натурного (а) и вычислительного (б) экспериментов

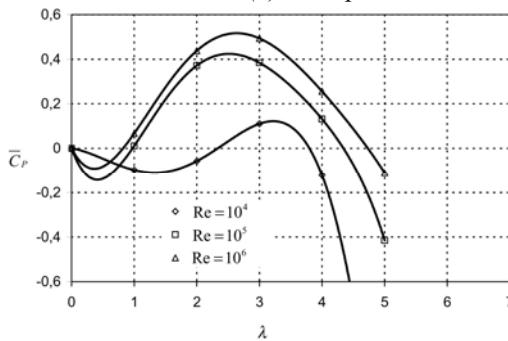


Рис. 15. Зависимость осредненного коэффициента мощности ротора Дарье от коэффициента быстроходности для различных чисел Рейнольдса ($\sigma = 0.67$)

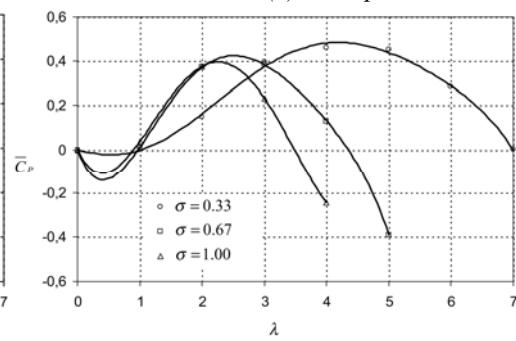


Рис. 16. Зависимость осредненного коэффициента мощности ротора Дарье от коэффициента быстроходности для различных коэффициентов заполнения

Ротор Савониуса. При численном моделировании обтекания двух- и трехлопастных роторов Савониуса выполнены три типа вычислительных экспериментов. Первый тип – вычислительные эксперименты для неподвижного ротора Савониуса, который фиксировался при различных углах относительно набегающего потока с шагом $\Delta\theta = 10^\circ$. Для большинства угловых положений

ротора Савониуса осредненный по времени коэффициент крутящего момента положительный.

Второй тип – вычислительные эксперименты при фиксированном коэффициенте быстроходности ротора. Коэффициенты крутящего момента и мощности двух- и трехлопастного ротора Савониуса определялись осреднением за один полный оборот. Вращение ротора при $\lambda = 1.4$ характеризуется квазистационарным режимом обтекания. Выделены основные стадии формирования вихревой структуры при вращении ротора (рис. 17, 18). Периодичность в структуре течения вокруг ротора наблюдается через 180° и 120° для двухлопастного и трехлопастного соответственно. Визуализация обтекания выполнена с помощью контуров завихренности. Определены зависимости коэффициентов крутящего момента и мощности от коэффициента быстроходности. У двухлопастного ротора значения энергетических характеристик выше, чем у трехлопастного (рис. 19). Полученные результаты удовлетворительно согласуются с известными экспериментальными данными [26].

Третий тип вычислительных экспериментов – решение связанной задачи динамики и аэродинамики трехлопастного ротора Савониуса. Проанализирована картина течения вокруг ротора, приведены зависимости коэффициентов лобового сопротивления, подъемной силы и крутящего момента, а также угловой скорости вращения от времени (рис. 20).

Расчет проводился в три этапа. Целью первого этапа ($t = 0 \div 7$) было получение периодического течения, по структуре похожего на дорожку Кармана. На втором ($t = 7 \div 13$) и третьем ($t = 13 \div 23$) этапах совместно с аэродинамической задачей решалось уравнение вращения ротора Савониуса. С момента времени $t = 7$ ротор освобождается и вращается под действием набегающего потока ветра.

Вращение ротора приводит к увеличению интенсивности вихрей. Частота схода вихрей определяется скоростью набегающего потока, характерными размерами и частотой вращения самого ротора.

На третьем этапе, в момент времени $t = 13$, к ротору Савониуса прикладывается момент нагрузки. Происходит стабилизация угловой скорости вращения ротора (относительно среднего значения $\bar{\omega} = 2.8$), а также возникают близкие к периодическим, колебания коэффициентов лобового сопротивления, подъемной силы и крутящего момента (рис. 20).

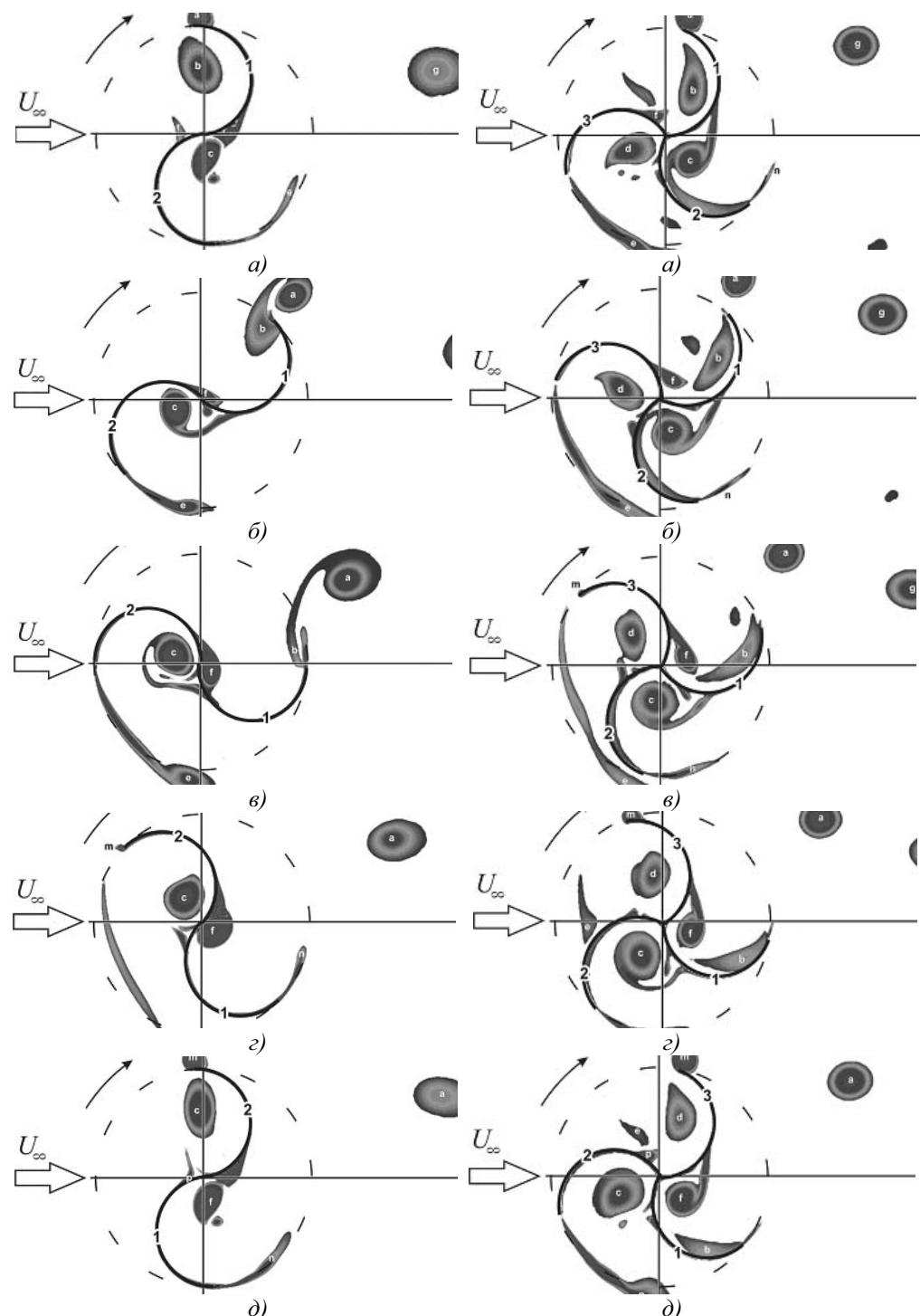


Рис. 17. Контуры завихренности возле подвижного ($\lambda = 1.4$) двухлопастного ротора Савониуса: а) $\theta = 0^\circ$; б) $\theta = 45^\circ$; в) $\theta = 90^\circ$; г) $\theta = 135^\circ$; д) $\theta = 180^\circ$

Рис. 18. Контуры завихренности возле подвижного ($\lambda = 1.4$) трехлопастного ротора Савониуса: а) $\theta = 0^\circ$; б) $\theta = 30^\circ$; в) $\theta = 60^\circ$; г) $\theta = 90^\circ$; д) $\theta = 120^\circ$

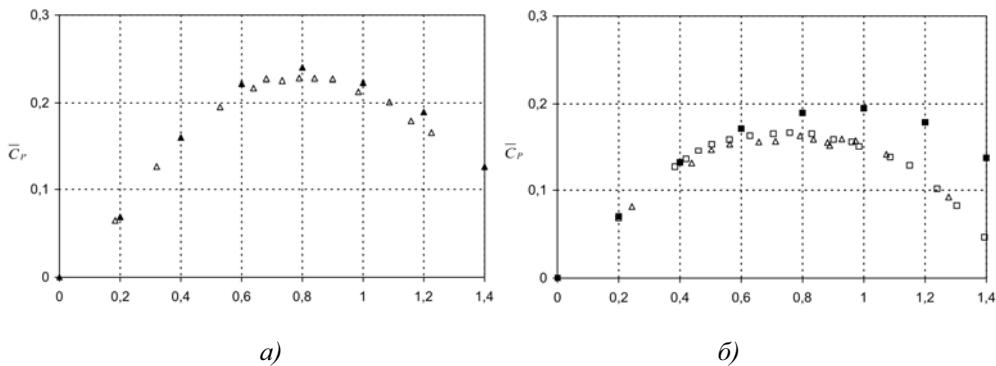


Рис. 19. Зависимость осредненного за один оборот коэффициента мощности \bar{C}_P от коэффициента быстроходности λ двух-(а) и трехлопастного (б) ротора Савониуса
 Δ , \square - эксперимент B. Blackwell ($Re = 4.32 \times 10^5$, $Re = 8.64 \times 10^5$);
 \blacktriangle , \blacksquare - настоящая работа ($Re = 4.32 \times 10^5$, $Re = 8.64 \times 10^5$)

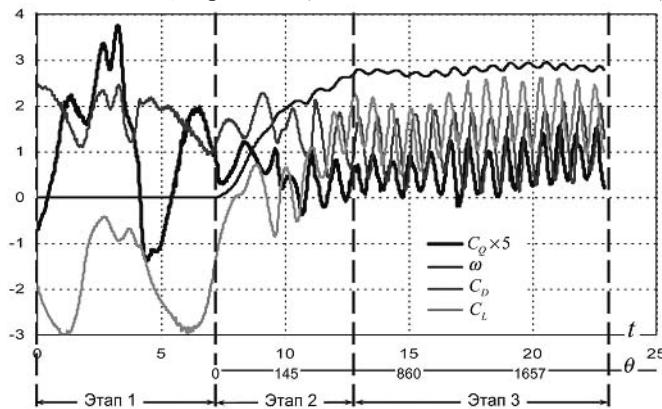


Рис. 20. Изменение неосредненных коэффициентов лобового сопротивления C_D , подъемной силы C_L , крутящего момента C_Q и угловой скорости вращения ω трехлопастного ротора Савониуса от времени t и углового положения ротора θ

6. Выводы

Для численного моделирования нестационарных турбулентных отрывных несжимаемых течений применяются осредненные по Рейнольдсу уравнения Навье-Стокса. Реализация используемого подхода выполнена с помощью разработанного программно-методического обеспечения численного решения уравнений Навье-Стокса несжимаемой жидкости в произвольных неортогональных координатах на подвижных сетках. Выполнено тестирование программно-методического обеспечения. Проведено сравнение результатов расчетов турбулентного обтекания неподвижного и колеблющегося профилей. Представлены результаты расчета роторов Дарье и Савониуса с различным количеством и геометрическими характеристиками лопастей. В результате проведенных исследований выполнен анализ поля течения вокруг роторов ветроагрегатов. Выделены основные стадии формирования вихревой структуры. Вязкие и динамические эффекты играют основную роль в работе ротора Дарье,

максимальный крутящий момент создается на наветренном участке траектории лопасти. Установлено влияние числа Рейнольдса, коэффициентов быстроходности и заполнения на энергетические характеристики ветроагрегатов.

ЛИТЕРАТУРА

1. Белов И.А., Исаев С.А., Коробков В.А. Задачи и методы расчета отрывных течений несжимаемой жидкости. –Л.: Судостроение, 1989.–256с.
2. Белов И.А., Кудрявцев Н.А. Теплоотдача и сопротивление пакетов труб. Л.: Энергоатомиздат. 1987. - 223 с.
3. Белоцерковский С.М., Котовский В.Н., Ништ М.И. Математическое моделирование плоскопараллельного обтекания тел. –М.: Наука, 1988. – 232с.
4. Блинова Л.А., Шур М.Л. Метод "масштабирования сжимаемости" для расчета нестационарных течений вязкого газа в широком диапазоне изменения характерных чисел Маха // Конструирование алгоритмов и решение задач математической физики. – М.: ИПМ, 1991. – С. 34–39.
5. Волков Н.И. Аэродинамика ортогональных ветродвигателей (некоторые математические модели и численная реализация): Учебное пособие. – Сумы: ВВП «Мрия-1» ЛТД, 1996. – 198 с.
6. Гогиш А.В., Нейланд В.Я., Степанов Г.Ю. Теория двумерных отрывных течений // Итоги науки и техники. Гидромеханика.- М.: Наука, 1975. т.8. С. 5-73.
7. Гогиш Л.В., Степанов Г.Ю. Турбулентные отрывные течения. – М.: Наука, 1979. – 368 с.
8. Гончаров В.А., Кривцов В.М., Чарахчьян А.А. Численная схема моделирования дозвуковых течений вязкого сжимаемого // ЖКВМ и МФ. – 1988. – Т. 28, № 12. – С. 1858–1866.
9. Госмен А.М., Пан В.М., Ранчел А.К. и др. Численные методы исследования течений вязкой жидкости.- М.: Мир, 1972. - 323 с.
- 10.Дальнейшее развитие метода маркеров и ячеек для течений несжимаемой жидкости. –В кн.: Численные методы в механике жидкостей. –М.: Мир, 1973. – С. 165–173.
- 11.Кривцов В.С., Олейников А.М., Яковлев А.И. Неисчерпаемая энергия. – Харьков: Нац. аэрокосм. ун-т «ХАИ», 2003. – 919 с.
- 12.Лапин Ю.В., Стрелец М.Х. Внутренние течения газовых смесей. – М.: Наука, 1989. – 368с.
- 13.Патанкар С.В. Численные методы решения задач теплообмена и динамики жидкости. – М.: Энергоатомиздат, 1984. – 152 с.
- 14.Приходько А.А., Редчиц Д.А. Численное моделирование нестационарного течения в следе за цилиндром на основе уравнений Навье-Стокса // Прикладная гидромеханика. – 2005. –Т. 7, № 1. –С. 56–71.
- 15.Приходько А.А., Редчиц Д.А. Математическое моделирование динамики и аэrodинамики вертикально-осевых ветроагрегатов // Вестник Харьковского национального университета. –2005. – № 703. Вып.5. – С.178–197.

16. Приходько А.А., Редчиц Д.А. Численное моделирование эффекта Магнуса на основе уравнений Навье-Стокса // Вісник Дніпропетровського університету. Механіка. –2005. –Т. 1, № 7. – С. 40–60.
17. Приходько А.А., Редчиц Д.А. Численное моделирование дозвукового обтекания осцилирующего профиля на основе уравнений Навье-Стокса // Техническая механика.– 2006. – № 1. – С. 104–114.
18. Приходько А.А., Редчиц Д.А. Компьютерное моделирование аэродинамики подвижных роторов ветроагрегатов Дарье и Савониуса // Аэрогидродинамика: проблемы и перспективы. – 2006. – Т. 2. – С. 120–142.
19. Редчиц Д.А., Приходько А.А. Численное решение связанной задачи динамики и аэродинамики ротора ветроагрегатов // Космическая наука и технология. – 2005. – Т. 11, № 1. – С. 27–35.
20. Роуч П. Вычислительная гидродинамика.– М.: Мир, 1980.– 616 с.
21. Стрелец М.Х., Шур М.Л. Метод масштабирования сжимаемости для расчета стационарных течений вязкого газа при произвольных числах Маха // ЖВМ и МФ. – 1988. – Т. 28, № 2. – С. 254–266.
22. Темам Р. Уравнения Навье-Стокса. Теория и численный анализ. – М.: Мир, 1981. – 408 с.
23. Чжен П. Управление отрывом потока. Экономичность, эффективность, безопасность. М.: Мир, 1979, 552 с.
24. Чжен П. Отрывные течения. М.: Мир, Т. 1, 1972, 300 с.; Т. 2, 1973, 280 с.; Т. 3, 1973, 334 с.
25. Шлихтинг Г. Теория пограничного слоя. — М.: Наука, 1974. -711 с.
26. Blackwell B.F., Sheldahl R.E., Feltz L.V. Wind tunnel performance data for two- and three-bucket Savonius Rotors // Sandia National Laboratories Albu-querque. SAND76-0131. –1976. –P. 105.
27. Briley W.R., McDonald H. Solution of the multidimensional Navier-Stokes equations by a generalized implicit method // Journal of Computation Physics. –1977. – Vol. 24, № 4. – P. 372–397.
28. Briley W.R., McDonald H., Shamreth S.J. A low Mach number Euler formulation and application to time-iterative LBI schemes // AIAA Journal. – 1983. – Vol. 21, № 10. – P. 1464–1469.
29. Brochier G., Fraunie P., Beguier C., Paraschivoiu I. Water channel experiments of dynamic stall on Darrieus wind turbine blades // Journal Propulsion. –1986. – Vol.2, № 5 –P. 445–449.
30. Bunge U., Martin A., Schmidt S., Schatz M., Thiele F. DES and its Applications at Technical University of Berlin // Proc. International Conference on DES. – WORKSHOP. – St. Petersburg, 2003.
31. Caretto L.S., Gosman A.D., Patankar S.V. and Spalding D.B. Two calculation procedures for steady three-dimensional flows with recirculation // Proceedings of the 3rd Int. Conference on Numerical Methods in Fluid Dynamics, Paris, France, 1972. – P. 60.
32. Chan R.K.-C., Street R. Lt., Strelkoff T. Computer studies of finite-amplitude water waves // Tech. Rep, № 104, Dep. of Civil Eng., Stanford Univ., Stanford, California.–1969. – P.126.
33. Chan R.K.-C., Street R.L. A computer study of finite-amplitude water waves // Journal of Computation Physics. – 1970. – Vol. 6. – P. 68–94.

34. Choi Y.-H., Merkle, C.L. The Application of Preconditioning to Viscous Flows // Journal of Computational Physics, vol. 105, 1993, pp. 207-223.
35. Chorin A.J. A numerical method for solving incompressible viscous flow problems// Journal of Computation Physics. – 1967. – Vol.2. – P. 12–26.
36. Harlow F.H., Welch J.E. Numerical calculation of time-dependent viscous incompressible flow with free surface // Physics of Fluids. – 1965. – Vol. 8, № 12. – P. 2182–2189.
37. Oler J.W., Strickland J.H., Im B.J., Graham G.H. Dynamic stall regulation of the Darrieus turbine // SAND83-7029. Texas technical university. – 1983. – P. 154.
38. Piziali R.A. An experimental investigation of 2D and 3D oscillating wing aerodynamics for a range of angle of attack including stall // NASA TM 4632. – 1993.
39. Paraschivoiu I. Wind turbine design with emphasis on Darrieus concept. – Canada: Polytechnic international press, 2002. – 438 p.
40. Patankar S.V., Spalding D.B. A calculation procedure for heat, mass and momentum transfer in three-dimensional parabolic flows // Journal Heat and Mass Transfer. – 1972. – № 15. – P. 1787–1806.
41. Rogers S.E., Kwak D. An upwind differencing scheme for the incompressible Navier-Stokes equations // Journal Numerical Mathematics. – 1991. – Vol. 8. – P. 43 – 64.
42. Rogers S.E., Kwak D. An upwind differencing scheme for the time-accurate incompressible Navier-Stokes equations // AIAA Journal. –1990. –Vol.28, № 2. – P. 253–262.
43. Roshko A. On the development of turbulent wakes from vortex streets // NACA Report. – 1954. – № 1191. – P. 32–65.
44. Rung T., Bunge U., Schatz M., Thiele F. Restatement of the Spalart-Allmaras eddy-viscosity model in strain-adaptive formulation // AIAA Journal. – 2003. – Vol.4, № 7. – P.1396–1399.
45. Turkel E. Review of preconditioning methods for fluid dynamics // Applied Numerical Mathematics. – 1993. – Vol. 24 – P.257–284.
46. Turkel E., Vatsa V. N., Radespiel R. Preconditioning Methods for Low-Speed Flows //ICASE, 1996, N57. – 19 pp.
47. Sheldahl R.E., Climas P.C. Aerodynamic characteristics of seven symmetrical airfoil sections through 180-degree angle of attack for use in aerodynamic analysis of vertical axes wind turbines // Sandia National Laboratories Albuquerque. SAND80-2114. –1995. –P. 118.
48. Shur M.L, Strelets M. K., Travin A.K., Spalart P.R. Turbulence modeling in rotating and curved channels: Assessing the Spalart-Shur correction // AIAA Journal. –2000. –Vol.38. №5. –P. 784–792.
49. Spalart P.R., Allmaras S.R. A one-equation turbulence model for aerodynamic flow // AIAA Paper. –1992. –Vol.12. № 1. –P. 439–478.
50. Spalart P.R., Shur M. On the sensitization of turbulence models to rotation and curvature // Aerospace science and technology Journal. – 1997. – Vol. 1, № 5. – P. 297–366.

Надійшла у першій редакції 30.03.2009, в останній – 07.04.09.